

TEMPERATURNI USLOVI RADA I NAPREŽANJA U RADNOM SLOJU VALJAKA ZA TOPLO VALJANJE ČELIKA

TEMPERATURE AND STRESSES DISTRIBUTION IN WORKING LAYER OF ROLLS FOR HOT ROLLING

V. GORYANY

Institut für Angewandte Materialtechnik Gerhard-Mercator-Universität
Duisburg , Deutschland

Primljen: 23. 10. 2002.

IZVOD

Naveden je analitički pregled osnovnih rezultata eksperimentalnih i teoretskih istraživanja temperatura i naprezanja koja se javljaju u radnom sloju valjaka za toplo valjanje čelika, uzročima termičkog razaranja površine valjaka u toku njihove eksploatacije.

Ključne reči: toplo valjanje, raspodela deformacije, raspodela temperature

ABSTRACT

An analytical overview of both theoretical and experimental approach to estimation of stress and temperature distribution in working layer of rolls for hot rolling, together with analysis of surface thermal damage is presented in this paper.

Key words: hot rolling, temperature distribution, stress distribution

UVOD

Za obezbjeđenje eksploracione sigurnosti i otpornosti valjaka veoma je bitno rasvetljavanje stanja njihovog materijala pri radu u uslovima ciklično promjenljivih visokotemperaturnih djelovanja. Valjci se zagrijavaju uslijed toplotne od valjanog metala koji ima temperaturu 850-1250°C (zavisno od tipa valjaonice i broja stana) i toplotne koja potiče od transformacije i trenja. Valjci se hlađe odvođenjem toplotne rashladnom tečnošću, zračenjem toplotne u okolini vazduha i predajom toplotne elementima koji se dodiruju s valjcima - ležistima, podlogama, vodicama i dr.

ANALITIČKI PREGLED OSNOVNIH REZULTATA

Promjena temperature radnog sloja valjaka u procesu eksploatacije predstavlja karakterističan slučaj polja sa periodičnom promjenom temperature tijela. Detaljnu opštu analizu takvih polja razradio je A.V.Lykov [1], naročito za poluograničeno tijelo kada se temperatura površine mijenja po zakonu proste harmonijske oscilacije, jednačina (1):

$$\Theta_n = T - \bar{T} = T_{mn} \cos \omega \tau \quad (1)$$

gdje je: \bar{T} - srednja vrijednost temperature površine;

T_{mn} - amplituda promjene temperature na površini;

ω - ciklična frekvencija oscilacija temperature ($\omega = 2\pi\nu$)

τ - vrijeme.

U početku procesa na temperaturno polje tijela vrši uticaj početna raspodjela temperature. Zatim nastupa kvazistacionarno periodično stanje pri kojem vrednost temperature u bilo kojoj tački tijela vrši harmonijsku oscilaciju sa amplitudom koja se postepeno smanjuje zbog udaljavanja od površine tijela.

Rješenje za poluograničeno tijelo ima izgled, jednačina (2):

$$\Theta = \frac{T - \bar{T}}{T_{mn}} = \exp\left(-\sqrt{\frac{\omega}{2a}}x\right) \cos\left(\omega\tau - \sqrt{\frac{\omega}{2a}}x\right) \quad (2)$$

gdje je: a - koeficijent termičke provodnosti;

x - rastojanje od površine tijela.

Maksimum i minimum temperature smanjuju se sa dubinom, uslijed udaljenja od površine oni se sve kasnije i kasnije primjećuju. Vrijeme kašnjenja tempe-raturmog talasa se izračunava prema jednačini (3):

$$\Delta\tau = \sqrt{\frac{1}{2a\omega}}x \quad (3)$$

Intenzitet slabljenja temperaturnih oscilacija u dubini materijala određuje se pomoću koeficijenta prijema toplote, jednačina (4):

$$\varepsilon = \sqrt{\frac{a}{\omega}} \quad (4)$$

Dubina, X_n na kojoj se temperaturne oscilacije smanjuju n -puta u poređenju sa oscilacijama na površini iznosi:

$$X_n = \sqrt{2\varepsilon} \ln n \quad (5)$$

Količina topote, akumulirane u jedinici površine poluograničenog zida za poluperiod iznosi:

$$Q_s = 2c\gamma T_{mm} \sqrt{\frac{a}{\omega}} \quad (6)$$

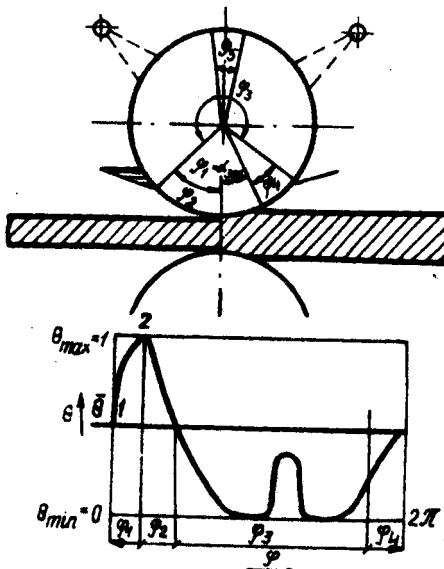
gdje je: c - specifični topotni kapacitet tijela;

γ - gustina tijela.

Ispitivanju temperaturnog režima valjaka posvećen je niz teorijskih i eksperimentalnih radova. Utvrđeno je da procesi razmjene topote valjaka sa valjanim metalom, zavise od intenziteta rada valjačke pruge koji se određuje sabijanjem metala i brzinom valjanja, dužine valjanog profila, vremena valjanja i pauza, temperature trake, uslova i intenziteta hlađenja [2-10], debljine sloja kovarine [11]. Jak uticaj na temperaturu kontaktne površine ispoljava takođe i rad sila spoljašnjeg trenja i vrijeme deformacije [3,11].

Maksimalni gradijent temperature u valjku javlja se pri njegovom prvom obrtanju [12] i određen je brzinom obrtanja. Pri malom broju ($n = 5$ ob/min) gradijent iznosi 570 °C/mm u sloju debljine 0.7 mm i 224 °C/mm u sloju debljine 3.4 mm. U slučaju $n = 120$ ob/min temperaturni gradijent pri prvom obrtanju iznosi 1050 °C/mm. Vrijeme zagrijavanja hladnih valjaka do ravnotežnog stanja i temperatura zagrijavanja valjaka, određuju se pomoću njihovih dimenzija, topotne provodnosti materijala valjaka i trake, veličine sabijanja, brzine valjanja, dužine protila, ritma valjanja, količine, pritiska i temperature rashladne vode i t d [13]. Posle 1-2 sata rada valjaonice, ako se bitno ne mijenjaju uslovi valjanja i hlađenja, topotni profil valjaka se manje intenzivno mijenja i može se stabilizirati [14]. Prema nekim autorima [15], temperatura površine valjka stabilizuje se otprilike posle 20 obrtaja i iznosi oko 670 °C. Pokazano je, da topota koja se izdvaja pri deformaciji valjanog metala i koja nastaje pri trenju između valjka i valjanog metala, skoro ne utiče na povećanje temperature površine valjka. Maksimalne vrijednosti temperature odgovaraju sredini tijela valjka smanjujući se ka krajevima [14,16,17].

Analitičko rješenje zadatka topotne provodnosti u skladu sa uslovima rada valjka za toplo valjanje metala, najpotpunije je istražio A.N.Šičkov [18]. Autor uzima da je poznata raspodijela temperature na površini valjka $\Theta(\varphi)$ sl.1, tj, da su zadani uslovi 1-roda.

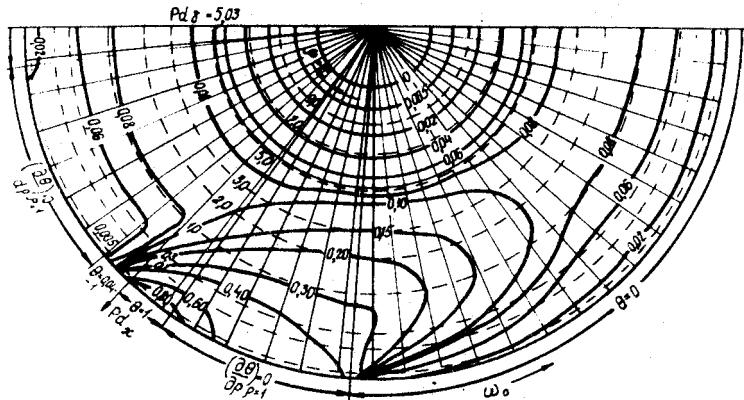


Slika 1 - Raspored graničnih uslova na površini gornjeg radnog valjka valjačke pruge za toplo valjanje lima [18]: φ_1 - zona dodirivanja površine valjka sa valjanim metalom; φ_2 i φ_4 - zone gdje valjak apsorbuje toplotu putem prenosa toplote zračenjem sa valjanim metalom i odaje toplotu konvekcijom okolnom vazduhu; φ_3 - zona hlađenja valjaka tečnošću iz kolektora sa prskanjem; φ_5 - zona dodira sa potpornim valjkom.

Figure 1 - Distribution of boundary conditions on surface upper work roll in plate hot rolling [18]: φ_1 - contact zone between roll surface and metal; φ_2 i φ_4 - zone in which roll absorbs heat irradiated by metal and loses heat to environment by convection; φ_3 - liquid cooling (sprayed); φ_5 - contact zone with supporting roll/zona dodira sa potpornim valjkom

Na kvazistacionarnom režimu (tj. pri uspostavljenom procesu valjanja) $\Theta(\varphi)$ se ne mijenja. Srednja temperatura u zapremini valjka uspostavlja se zavisno od uslova valjanja i hlađenja. Karakteristično rješenje kvazistacionarnog polja prikazano je na slici 2.

U principu ono se podudara sa drugim rješenjima [12,19-21]. Na osnovu analize temperaturnog polja valjaka u procesu toplog valjanja vršeni su pokušaji da se ocijeni stanje naprezanja valjaka u cijelini i njihovog površinskog sloja [12,23-31].



Slika 2 - Kvazistacionarno polje površinskog sloja valjaka pri $\varphi_1 = \alpha_{zah} = 8^\circ; \varphi_2 = 35^\circ; \varphi_4 = 30^\circ; \omega_0 = 3,14 s^{-1}$ [18]. Punim linijama su prikazane izoterme gdje su Q dati u granicama jedinice, a isprekidanim nivoi sa konstantnim veličinama kriterijuma Predvoditeljeva $Pd_x = \frac{\omega_0 x^2}{a}$, gdje je x - rastojanje po radijusu od površine u dubinu valjka.

Figure 2 - Quasistationery array in surface layer when $\varphi_1 = \alpha_{zah} = 8^\circ; \varphi_2 = 35^\circ; \varphi_4 = 30^\circ; \omega_0 = 3,14 s^{-1}$ [18]. Full lines represent isothermes, while dashed lines represent constant level of Predvoditels criterion $Pd_x = \frac{\omega_0 x^2}{a}$, where x - distance from surface.

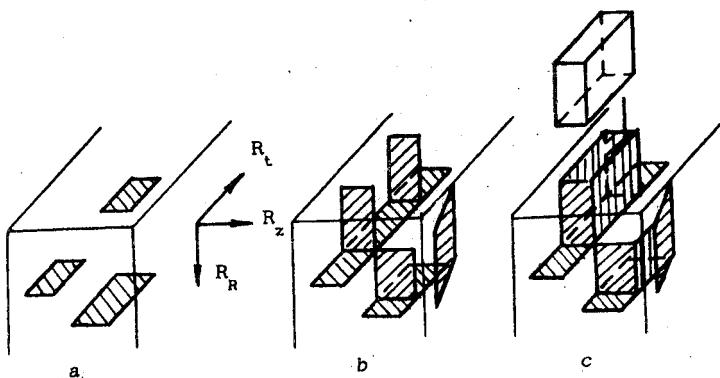
Rezultati eksperimentalnih i teoretskih istraživanja raspodjelje temperatura u valjcima slabinga prikazani su u članku [32]. Mehanizam termičkog zamora i obrazovanja termičkih prkotina autori objašnjavaju zbirnim uticajem termičkih naprezanja zatezanja i sabijanja i mehaničkih naprezanja izazvanih valjanjem.

Široko je rasprostranjena teorija nastajanja prkotina uslijed termičkog širenja i sabijanja površinskih slojeva valjka [33].

U procesu valjanja topotni režim valjaka karakteriše mjestimično zagrijavanje kontaktnih površina u djelićima sekunde i naknadno brzo hlađenje. Za vrijeme rada ti slojevi trpe svojevrsno termomehaničko djelovanje koje prate specifične fazne i strukturne promjene povezane s promjenama zapremine metala. Uslijed jakih oscilacija temperature javljaju se termička naprezanja koja dostižu veličine i do 500 MPa [34] i koja, zajedno s naprezanjima valjanja i preostalim naprezanjima u valjku, mogu prelaziti granicu elastičnosti i/ili granicu čvrstoće [17] materijala valjka, a uslijed čega se obrazuje mreža prskotina izazvanih termičkim zamorom [34]. Razvijena mreža prskotina uslijed termičkog zamora intenzivira habanje valjka, a naročito termičko habanje jer rasprskavanje površine slabi odvod toplote od površine kontakta [35].

Sa povećanjem maksimalne temperature površine valjaka i smanjenjem minimalne temperature u kontaktu sa valjanim metalom, raste plastična deformacija sabijanja površinskog sloja valjka koja, sa svoje strane, izaziva povećanje deformacije zatezanja. Međusobni odnos tih temperatura za vrijeme obrtanja valjka određuje otpornost radnih valjaka na obrazovanje mreže prkotina uslijed termičkog zamora [36].

Danas je široko zastupljen stav da do nastanka i rasprostiranja prkotine u valjcima dolazi u krtoj i tvrdoj komponenti - karbidima [3,33,37,38]. U početnom momentu u cementitu se javljaju najveće prskotine u osnom i tangencijalnom pravcu (sl. 4), koje se mogu djelimično rasprostirati i na perlitnu komponentu, ali uslijed velike plastičnosti poslednje i relaksacije naprezanja, prodiru u nju na malu dubinu. Zatim prskotine narastaju i pojavljuju se oštećenja koja ih spajaju u radikalnom pravcu. Radikalne prkotine prolaze takođe po cementitu, jer u procesu eksploracije valjak podnosi ciklično zagrijavanje slojeva koje se višekratno ponavlja, do temperatura koje dovode do raspada cementita [39].



Slika 4 - Šema nastajanja prkotina u površinskom sloju livenog gvozdenog valjka [39]: a - tangencijalno-osne prkotine; b - radikalne prkotine; c - spajanje tangencijalno-osnih i radikalnih prkotina koje dovodi do ispucalosti površine.

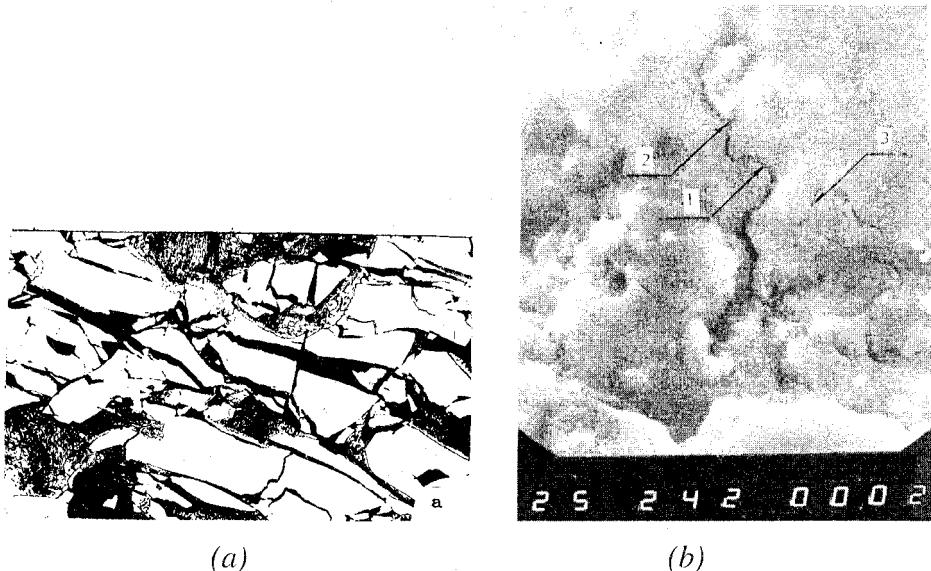
R_z, R_t, R_r - osna, tangencijalna i radikalna ukupna naprezanja.

Figure 4 - Sketch of crack initiation in surface layer of as-casted iron roll:
 (a) tangential cracks; (b) radial cracks ; (c) coalescence of radial and tangential cracks leading to surface damage; R_z, R_t, R_r - axial, tangential and radial stresses

Uslijed objedinjavanja uzdužnih i poprečnih radikalnih prkotina s tangencijalno-osnim prkotinama dolazi do nastajanja izolovanih mikrozapremina

(sl.4). Dalje prkotina raste u radijalnom pravcu uslijed djelovanja sumarnih naprezanja.

Na slici 5 prikazana je mikrostruktura metala u radnom sloju valjaka od hrom-nikl gvožđa dobijena pri ispitivanju metala na cilindričnoj površini tijela valjka posle njegove eksploracije u univerzalnoj valjačkoj pruzi pri valjanju I-nosača [40]. Glavni uzrok razaranja metala je termički zamor. Za tu zonu radne površine karakteristično je prisustvo termičkih prkotina velike prostranosti, lokalizovanih u karbidnoj fazi (sl. 5a). Do pojave mikoprskotina može doći kako na zavojima magistralne mikoprskotine (sl.5b), nezavisno od toga da li se ravnomjerno (strelica 1) ili oštro (strelica 2) mijenja pravac njenog širenja, tako i na neprekidnim zonama karbidnih uključaka koji nemaju tragova prethodnog razaranja (strelica 3).



Slika 5 - Mikrostruktura na površini livenog gvozdenog valjka posle eksploracije: a - x500, nital; b - SEM x2400

*Figure 5 - Surface microstructure of as casted iron roll after exploitation:
a - x500, nital; b - SEM x2400*

Djelovanje termičkog zamora znatno se pojačava sa ciklično promjenljivim plastičnim deformisanjem površine valjka i prisustvom abraziva u zoni trenja čiju ulogu igra kovarina i čestice zdrobljene karbidne faze. Jedna od takvih čestica prikazana je na slici 6.



Slika 6 - SEM mikrofotografija čestice zdrobljene karbidne faze. x20 000 [41].

Figure 6 - SEM microphotographz of fractured carbide particle x20 000 [41].

Popunjavanje prskotina nekim materijalom (kovarina, produkti habanja, voda i dr.) smanjuje mogućnost slobodnog širenja radnog sloja pri zagrijavanju, smanjuje efektivnu vrijednost zazora prkotina i mogu igrati ulogu rasklinjavanja [35,42], a takođe dovodi do vezivanja i obrazovanja naljepa [43]. Nastala prkotina ne može se zavariti jer se radni valjak hlađi vodom, koja dospijevši u prkotinu sprečava njeno zavarivanje. Voda i para potpomažu razaranje [44], naročito u momentima kada se mikoprkotina zatvara valjanim metalom. Prema podacima G.I.Beljčenka, pritisak u mikoprkotini pri temperaturi 1000°C iznosi $27 \cdot 10^4$ MPa.

V.N.Hloponin i M.V.Kosireva smatraju [36] da kriterijum optimalnosti tempera-turnih uslova rada valjaka može biti amplituda plastične deformacije površinskih slojeva valjka za vrijeme njegovog obrtanja

$$\varepsilon_i = |\varepsilon_{rz}| + |\varepsilon_{rh}| \quad (8)$$

gdje je ε_{rz} - plastična deformacija sabijanja pri zagrijavanju površinskog sloja valjka; ε_{rh} - plastična deformacija zatezanja pri hlađenju površinskog sloja valjka.

Određen je optimalni odnos maksimalne i minimalne temperature na površini valjka u toku ciklusa obrtanja, pri kojem bi materijal površine livenih valjaka ciklički radio u elastičnoj oblasti.

Formulisani su zahtjevi koji se odnose na materijal površinskog sloja valjka, predstavljeni u vidu nejednačine čije ostvarenje isključuje obrazovanje mreže prkotina na površini valjka, nastalih uslijed termičkog zamora:

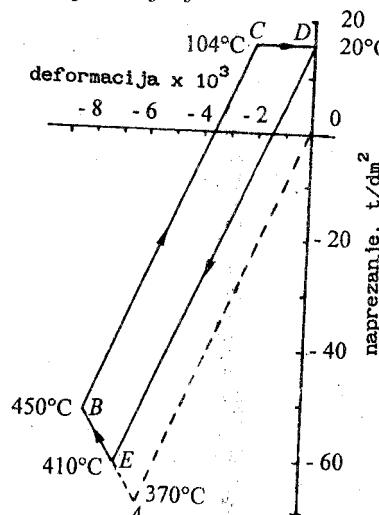
$$\frac{R_{p0,2}^{sat}(T_{min})}{E(T_{min})} + \frac{R_{p0,2}^{sab}(T_{max})}{E(T_{max})} \geq 2(\alpha_{max} T_{max} - \alpha_{min} T_{min}) \quad (9)$$

gdje je $R_{p0,2}^{sat}(T_{min})$ - granica popuštanja na zatezanje materijala površinskog sloja valjka pri T_{min} ; $R_{p0,2}^{sab}(T_{max})$ - granica popuštanja na sabijanje materijala površinskog sloja valjka pri T_{max} ; $E(T_{min}), E(T_{max})$ - modul elastičnosti materijala valjka pri T_{min} i T_{max} ; $\alpha_{min}, \alpha_{max}$ koeficijent linearog raširenja pri T_{min} i T_{max} .

Razrada mjera koje obezbeđuju održavanje temperatura površine valjka u elastičnoj oblasti ($20^{\circ}\text{C} < T < 450^{\circ}\text{C}$ [36]) izvođena je [27] na osnovu analize promjene maksimalne i minimalne temperature na površini valjka u zavisnosti od uslova valjanja (temperatura trake, brzina valjanja) i hlađenja njegove površine.

Sistematsku proračunsku analizu naprezanja u valjcima izvršio je A.N.Šćekov [18]. Prema njegovoj metodici zasebno se razmatraju naprezanja izazvana osno-simetričnom komponentom temperaturnog polja valjka i neosno-simetričnom komponentom koja izaziva temperaturna naprezanja, koja zajedno s kontaktnim dovode do razaranja površinskog sloja valjaka uslijed zamora.

P.G.Stevens i dr.[22] su opisali mehanizam termičkog zamora površine valjka rukovodeći se rezultatima eksperimentalnog mjerjenja temperatura kontinuirane valjaonice za toplo valjanje, slika7.



Slika 7 - Razvijanje histerezisne petlje naprezanje-deformacija na površini valjka u početku valjanja [22]

Figure 7 - Development of stress-strain hysteresis loop on roll surface at start of rolling [22]

Poslije prvog ciklusa naprezanja i deformacije se mijenjaju po konturi DEBC. Na zoni BE javlja se deformacija u uslovima svestranog sabijanja radnog sloja, na zoni CD- plastična deformacija zatezanja. U tom momentu je moguća pojava prkotina uslijed termičkog zamora. Po mišljenju autora, radna sposobnost valjka zavisi, prije svega, od uslova njegovog hlađenja, tj. temperature koja odgovara tačkama E,B,C,D na histerezisnoj petlji.

ZAKLJUČCI

1. Termičke prskotine nastaju na površini valjka poslije njenog izlaska iz žarišta deformacije i jakog hlađenja.
2. Razvijanje prskotina ima karakter rasta zamorne prskotgine.
3. Nastajanje i razvijanje prskotina zavisi od uslova valjanja (uslovi hlađenja, specifični pritisci, temperatura valjanja i dr.) a takođe i od materijala valjka.
4. U poznatim radovima malo se pažnje posvećuje pokušajima povezivanja mehaničkih i fizičkih osobina materijala radnog sloja valjka sa temperaturnim uslovima njihove eksploracije.
5. Eksperimentalne i proračunske metode neposrednog određivanja temperaturnog polja i polja naprezanja u radnom sloju valjaka ne daju mogućnost da se izvrše neposredni proračuni valjka na čvrstoću, a još manje daju polaznih podataka za optimalizaciju hemijskog sastava i osobina materijala radnog sloja valjaka za različite uslove valjanja.

LITERATURA

- [1] A. V. Lykov. Teplomassoobmen. Energija, Moskva, 1978, s. 480.
- [2] O. Kato, H. Matsumoto, T. Onuki e.a. Tetsu-to-hagane, 66(1980)4, s. 335.
- [3] T. S. Skoblo, L. A. Malašenko, L. P. Kosik i dr. Stal', (1988)1, s. 56-59.
- [4] J. Čizmar, P. Harbaj. Hutniczky Listy, 45(1990)9, s. 639-644.
- [5] E. A. Garber, M. P. Šaravin, A. A. Gončarskij. Tehničeskij progress sistem ohlažde-nija prokatnih stanov. Metallurgija, Moskva, 1991, s. 282.
- [6] I. P. Vidišev, V. M. Gorjanoj, Ju. V. Gončarov i dr. Problema trenja i habanja, Tehnika, Kijev, (1991)39, s. 21-24.
- [7] I. P. Vidišev, V. M. Gorjanoj, R. A. Burkova i dr. Mežvuzovskij sbornik naučnih trudov "Resursosberegajušcie tehnologii v transportnom i hidro-tehničeskem stroiteljstve", Dnepropetrovsk, 1996, s. 74-76.

- [8] V. M. Gorjanoj, V. S. Radzinskij. XXIX Oktobarsko Savetovanje rudara i metalurga, Zbornik radova, Bor, 1997, s. 619-622.
- [9] V. M. Goryanoy, V. S. Radzinsky, O. Yu. Mironova e.a. Metaloznavstvo ta termična obruba metaliv, (1998)1, s. 40-43.
- [10] V. M. Gorjanoj, V.S.Radzinskij. XXX Oktobarsko Savetovanje rudara i metalurga, Zbornik radova, Donji Milanovac, 1998, Knjiga II, s. 199-202.
- [11] D. A. Derkać, A.A.Gorbanjov, G.V.Pančoha. Čermetinformacija, Moskva, 1983, #2076-D83, s. 16.
- [12] N. M. Voroncov, V.T.Žadan, B.Ja.Šneerov i dr. Ekspluatacija valkov obžimnih i sortovih stanov. Metallurgija, Moskva, 1973, s. 288.
- [13] P. I. Poluhin, V. P. Poluhin, V. N. Terehov i dr. Izvestija Vuzov. Černaja Metallurgija, (1972)4, s. 91-94.
- [14] A. A. Čmeljov, A. M. Safjan, V. L. Mazur i dr. Metallurgičeskaja i gornorudnaja promišlennost, (1984)4, s.18-21.
- [15] P Funke e.a. Archiv für das Eisenhüttenwesen, 46(1975)8, s. 495-502.
- [16] V.P.Hloponin, V.P.Poluhun, V.V.Medvedev i dr. Stal', (1981)6, s. 39-42.
- [17] V.N.Hloponin, E.I.Latuhin, O.N.Soskovec i dr. Stal', (1988)2, s. 59-63.
- [18] A.N.Šičkov. Temperaturnij režim listoprotkatnih valkov, LGU, Leningrad, 1974, s.144.
- [19] C.F.Peck, J.M.Bonetti, F.T.Mavis. Iron and Steel Engineer, 31(1954)6, p.45-47.
- [20] C. F. Peck, F.T.Mavis. Iron and Steel Engineer, 32(1955)8, p. 121-127.
- [21] O. Pawelski, E.Bruns. Stahl und Eisen, (1976)8, s. 8-12.
- [22] P. G.Stevens, K. P. Evens, P. Harper. Journal of the Iron and Steel Institute, 209(1971)1, p.1-13.
- [23] Y. Sekimoto. Tjutandzo, 19(1966)5, p. 48-55.
- [24] Y. Sekimoto, M. Tanaka, R. Savada e.a. Tetsu-to-hagane, 61(1975)10, p.2337-2349.
- [25] Inoue, T.Takao, H.Ueda e.a. Dzaire, 19(1970)198, p. 241-247.
- [26] V.N.Hloponin, M.V.Kosireva. Teorija i tehnologija deformacii metallov, Metallurgija, Moskva, (1982)140, s. 102-108.
- [27] V.N.Hloponin, M.V.Kosireva. Teorija i tehnologija deformacii metallov, Metallurgija, Moskva, (1982)145, s. 43- 47.
- [28] A. Trens, S. Tong, F. Lin. J. Term. Stresses, 12 (1989)4, p. 427- 450.
- [29] C. N. Hamill, L.McLean, A.A.Chobarah. Iron and Steel Engineer, 51(1974)6, p. 51-55.
- [30] H. Gotoh. Curr. Adv. Mater. And Proc. 3(1990)3, p. 759.

- [31] V. N. Hloponin, P. I. Poluhin, V. I. Pogorželjskij i dr. Gorjačaja prokatka širokih polos. Metallurgija, Moskva, 1991, s. 320.
- [32] K. Sudzuki, T. Morisue, S. Dzimpo e.a. Tetsu-to-hagane, 61(1975)9, p. 2214-2225.
- [33] I. Yarita. Transactions of Iron and Steel Institute of Japan, 24(1984)12, p. 1014-1035.
- [34] V.P.Severdenko, Ju.B.Bahtinov,V.B.Bahtinov. Valki dlja profiljnogo prokata. Metallurgija, Moskva, 1979, s. 224.
- [35] Y. I. Trejger, V. P. Prihod'ko. Povišenie kačestva i ekspluatacionnoj stojnosti valkov listovih stanov. Metallurgija. Moskva, 1988, s. 192.
- [36] V. N. Hloponin, M. V. Kosireva. Teorija i tehnologija deformacii metallov, Metallurgija, Moskva, (1977)100, s. 93-99.
- [37] A. A. Černovol, N. A. Nikolajev, T. I. Tuboljceva. Sbornik dokladov konf. po povišeniju effektivnoeti tehnologičeskikh processov proizvodstva otlivok metallurgičeskogo oborudovanija. Dmetl, Dnepropetrovsk, 1982, s. 35-36.
- [38] V. M. Gorjanov. Journal of Mining and Metallurgy, 34(1998)(1-2)B, s. 21-35.
- [39] V. N. Terehov, V. P. Poluhin, I. V. Doronin. Izvestija Vuzov. Černaja Metallurgija, (1972)11, s.74-77.
- [40] V. Gorjanov. Livarski vestnik, 44(1997)3, s. 66-77.
- [41] V. M.Goryanoy, V. Jokanović. Metaloznavstvo ta termična obróbka metaliv. (1999)2, s. 37-42.
- [42] V. S. Lihanskij, V. N. Grinavcev. Tehnologija proizvodstva fasonnih profilej s primjenjenjem kasset. Metallurgija, Moskva, 1986, s. 232.
- [43] V. M. Gorjanov. Proizvodstvo i primenenije upročnjonnogo prokata v stroiteljstve, DISI, Dnepropetrovsk, 1989, s. 72-75.
- [44] M. A. Garkavi. Temperaturnye napriaženija v valkah prokatnyh stanov. Dissertacija, LPI, Leningrad, 1981, s. 130.